

L'unique solution est :

$$6+7+8+9+10 = 40$$

On ne demandait pas de démontrer l'unicité de la solution.  
Celle –ci peut se justifier par des considérations de divisibilité.